

## Concursul județean interdisciplinar „Poezia minții”

### Subiect matematică

#### Clasa a IV-a

##### Subiectul I ( 20 puncte; 5 puncte/item)

Pentru întrebările 1-4 scrieți pe lucrare litera corespunzătoare răspunsului corect:

1. Dacă  $m = 50 + 50 : 50 - ( 747 : 9 + 31 \times 0 - 5 + 3 ) : 9 + 1002 : 3$ , atunci valoarea lui  $m$  este:  
a) 86                                      b) 376                                      c) 76                                      d) 386
2. Valoarea literei  $a$  din egalitatea

$$[ ( 7 \times a - 10 + 8 ) + 62 ] : 25 + 5 \times 15 = 11 \times 9 - 4 \times 4, \text{ este:}$$

- a) 2                                      b) 7                                      c) 140                                      d) 20

3. La sfertul jumătății numărului 24 adaug cel mai mare număr impar mai mic decât 100, scris cu cifre diferite. Pentru a egala acest număr, la dublul dublului triplului lui 8, adaug:

- a) jumătatea lui 4                      b) dublul lui 4                      c) dublul lui 8                      d) jumătatea lui 8

4. Dacă 5 kg de portocale și 10 kg de mere costă 50 de lei, iar 3 kg de portocale și 10 kg de mere costă 42 de lei, atunci, un kilogram de mere și un kilogram de portocale costă:

- a) 8 lei                      b) 7 lei                      c) 6 lei                      d) 12 lei

##### Subiectul II (30 puncte)

Pentru problemele 1- 2 notează pe lucrare rezolvările complete

###### Problema 1 (15 puncte)

Un elev a citit o carte în patru săptămâni. În prima săptămână a citit o cincime din numărul total de pagini și încă o pagină. În săptămâna a doua a citit o cincime din restul paginilor și încă 9 pagini, iar în săptămâna a treia a citit o cincime din noul rest și încă 8 pagini.

Pentru a termina cartea, în ultima săptămână a citit 84 pagini.

*Câte pagini a citit în fiecare săptămână și câte pagini are cartea?*

###### Problema 2 (15 puncte)

Împărțim numărul 45 în patru părți neegale, astfel: dacă adăugăm primei părți 2, din cea de-a doua scădem 2, pe cea de-a treia o înmulțim cu 2, iar pe a patra o împărțim la 2, vom obține rezultate egale.

Ce valoare are fiecare parte în care a fost împărțit numărul?

**Notă! Toate subiectele sunt obligatorii**

**Timp efectiv de lucru 50 min.**

**Succes!!!**

## Concursul județean interdisciplinar „Poezia minții”

### Subiect matematică

#### Clasa a V-a

**Partea I – Alegeți varianta corectă: (20 puncte)**

*Pentru întrebările 1-4 scrieți pe lucrare litera corespunzătoare răspunsului corect:*

1) În trei depozite sunt 324 tone de grâu. Dacă din fiecare se depozit se ia aceeași cantitate, rămân 58, 71 și respectiv 105 tone. Atunci, în cel mai mare depozit s-au aflat la început:

A. 101 tone      B. 135 tone      C. 175 tone      D. 88 tone

2) Dacă  $a = 3^{2018}$  și  $b = 2^{3027}$  atunci este adevărată relația:

A.  $a < b$       B.  $a = b$       C.  $a > b$       D.  $a$  și  $b$  sunt pătrate perfecte

3) Jumătatea numărului  $2^{2018}$  este:

A.  $2^{1009}$       B. 1009      C.  $2^{2017}$       D.  $2 \cdot 2018$

4) Un număr natural  $n$  împărțit la 9 dă restul 5 și împărțit la 6 dă restul 4. Dacă îl împărțim pe  $n$  la 18 vom obține restul:

A. 2      B. 5      C. 4      D. 10

**Partea a II-a – Pe foaia de concurs scrieți rezolvările complete (30 puncte)**

1. Se consideră sumele:  $S_1 = 1 + 2 + 2^2 + 2^3 + \dots + 2^{2016}$  și  $S_2 = 1 + 2 + 3 + \dots + 2018$ . Arătați că numărul  $a = S_1 - S_2$  se divide cu 10.

2. Fie  $a$  și  $b$  două numere naturale distincte și nenule cu  $a > b$ . Dacă la împărțirea lui  $a$  la diferența lor obținem câtul 10 și restul 5, aflați câtul și restul împărțirii lui  $b$  la diferența numerelor.

**Notă! Toate subiectele sunt obligatorii**

**Timp efectiv de lucru 50 min.**

**Succes!!!**

## Concursul județean interdisciplinar „Poezia minții”

### Subiect matematică

#### Clasa a VI-a

**Partea I – Alegeți varianta corectă:**

**(20 puncte)**

*Pentru întrebările 1-4 scrieți pe lucrare litera corespunzătoare răspunsului corect:*

1. Fie mulțimea  $A = \{x \in \mathbb{N} | 5 < x < m; m \text{ și } x \text{ numere prime}\}$ . Dacă  $A$  are 32 de submulțimi, atunci valoarea minimă a lui  $m$  poate fi:

- a. 21                                      b. 23                                      c. 29                                      d. 37

2. Cel mai mic număr natural care are exact 2018 divizori este egal cu:

- a.  $2^{1009} \cdot 3^2$                                       b.  $2^{1008} \cdot 3$                                       c.  $2 \cdot 1009$                                       d. 4

3. Fie punctele  $O, A, B, C$  coliniare, în această ordine și punctele  $M, N, P$  mijloacele segmentelor  $[BC], [AC]$ , respectiv  $[AB]$ . Valoarea raportului  $\frac{OM + ON + OP}{OA + OB + OC}$  este egală cu:

- a. 1                                      b.  $\frac{1}{2}$                                       c.  $\frac{2}{3}$                                       d.  $\frac{3}{4}$

4. Dacă suplementul unui unghi este de 4 ori mai mare decât complementul aceluși unghi, atunci măsura unghiului este cuprinsă între:

- a.  $25^\circ$  și  $39^\circ$ ;                                      b.  $40^\circ$  și  $55^\circ$ ;                                      c.  $56^\circ$  și  $70^\circ$ ;                                      d.  $71^\circ$  și  $85^\circ$ .

**Partea a II-a – Pe foaia de concurs scrieți rezolvările complete**

**(30 puncte)**

1. Fie  $A = \{100, 101, 102, \dots, 199\}$ . Arătați că oricum am alege 51 de numere din mulțimea  $A$ , există printre cele alese cel puțin două numere care au ca divizor comun pe 3, pe 5 sau pe 7.

2. Se consideră unghiul drept  $\sphericalangle AOB$  și  $d$  o dreaptă care trece prin  $O$  și nu are puncte în interiorul unghiului sau pe laturile acestuia. Fie punctul  $C$  pe dreapta  $d$ , situat în semiplanul determinat de dreapta  $OB$  și punctul  $A$ , iar  $D$  un punct pe dreapta  $d$  astfel încât semidreptele  $OC$  și  $OD$  să fie opuse.

a) Demonstrați că unghiul  $\sphericalangle AOC$  este ascuțit.

b) Dacă  $M$  este un punct interior unghiului  $\sphericalangle AOB$  astfel încât  $\sphericalangle AOC$  să fie congruent cu  $\sphericalangle AOM$ , demonstrați că  $OB$  este bisectoarea unghiului  $\sphericalangle MOD$ .

**Notă! Toate subiectele sunt obligatorii**

**Timp efectiv de lucru 50 min.**

**Succes!!**

## Concursul județean interdisciplinar „Poezia minții”

### Subiect matematică

#### Clasa a VII-a

**Partea I – Alegeți varianta corectă:**

**(20 puncte)**

*Pentru întrebările 1-4 scrieți pe lucrare litera corespunzătoare răspunsului corect:*

1) Rezultatul calculului:  $\frac{2018}{2 \cdot 4} + \frac{2018}{4 \cdot 6} + \frac{2018}{6 \cdot 8} + \dots + \frac{2018}{2016 \cdot 2018}$  este egal cu:

- A. 2018                      B. 1008                      C. 504                      D. 4036

2) Fie numerele  $a = \left(\frac{7}{1} + 1\right) \cdot \left(\frac{7}{2} + 1\right) \cdot \left(\frac{7}{3} + 1\right) \cdot \dots \cdot \left(\frac{7}{9} + 1\right)$  și  $b = \left(\frac{9}{1} + 1\right) \cdot \left(\frac{9}{2} + 1\right) \cdot \left(\frac{9}{3} + 1\right) \cdot \dots \cdot \left(\frac{9}{7} + 1\right)$ . Atunci:

- A.  $a < b$                       B.  $a = b$                       C.  $a > b$                       D. numerele nu pot fi comparate

3) În paralelogramul  $ABCD$ , fie  $M \in (AB)$  astfel încât  $m(\widehat{ADM}) = 60^\circ$  și  $m(\widehat{MDC}) = 60^\circ$ ,  $DM = 6 \text{ cm}$  și  $MB = 4 \text{ cm}$ . Perimetrul paralelogramului este egal cu:

- A. 10 cm                      B. 24 cm                      C. 32 cm                      D. 20 cm

4) În triunghiul  $ABC$  se știe că  $AB + AC = 15 \text{ cm}$ , ( $AA'$ - bisectoarea unghiului  $BAC$ ),  $A'D \perp AC$ ,  $D \in (AC)$ ,  $A' \in (BC)$ ,  $A'D = 4 \text{ cm}$ . Atunci aria triunghiului  $ABC$  este egală cu:

- A.  $60 \text{ cm}^2$                       B.  $30 \text{ cm}^2$                       C.  $90 \text{ cm}^2$                       D.  $120 \text{ cm}^2$

**Partea a II-a – Pe foaia de concurs scrieți rezolvările complete**

**(30 puncte)**

1. Fie  $a, b, c, k \in \mathbb{N}^*$ , astfel încât:  $\frac{a^{2018k}}{b^{1009k} \cdot c^{1009k}}$ ,  $\frac{b^{2018k}}{a^{1009k} \cdot c^{1009k}}$  și  $\frac{c^{2018k}}{a^{1009k} \cdot b^{1009k}}$  să fie numere naturale.

Arătați că numărul  $3 \cdot (a^{2018k} + b^{2018k} + c^{2018k})$  este pătrat perfect.

3. Fie  $ABC$  un triunghi oarecare și  $[BM]$  bisectoarea unghiului  $B$  ( $M \in AC$ ). Paralela dusă prin  $M$  la  $BC$  intersectează  $AB$  în  $N$ . Fie  $MQ \parallel AB$ , ( $Q \in BC$ )

a) Arătați că  $MNBQ$  este romb;

b) Dacă  $BM = MC$ , arătați că  $[MN]$  este bisectoarea unghiului  $AMB$ .

**Notă! Toate subiectele sunt obligatorii**

**Timp efectiv de lucru 50 min.**

**Succes!!!**

## Concursul județean interdisciplinar „Poezia minții”

### Subiect matematică

#### Clasa a VIII-a

#### Subiectul I

*Pentru întrebările 1-4 scrieți pe lucrare litera corespunzătoare răspunsului corect: (4 x 5 puncte = 20 puncte)*

- Se dau mulțimile  $A = (-6; 0) \cup [3; 9)$  și  $B = (-9; -3] \cup [0; 6)$ , atunci  $A \cap B \cap \mathbb{Z}$  are:  
a) 7 elemente      b) 6 elemente      c) 8 elemente      d) 4 elemente
- Se consideră numărul  $a = \sqrt{17 - 2\sqrt{30}} - \sqrt{17 + 2\sqrt{30}}$ . Valoarea expresiei  $(a + 2\sqrt{2})^{2018}$  este:  
a)  $(4\sqrt{2})^{2018}$       b) 0      c) 2018      d)  $2^{3027}$
- Dacă  $x + \frac{1}{x} = 5$  iar  $x$  este număr real,  $x \in (0, 1)$ , atunci cel mai mare număr întreg mai mic decât  $\sqrt{x} - \frac{1}{\sqrt{x}}$  este.  
a) 1      b) 2      c) -2      d) -1
- Calculând  $a = \sqrt{2} + \sqrt{2^2} + \sqrt{2^3} + \sqrt{2^4} + \dots + \sqrt{2^{100}}$  obținem:  
a)  $(2^{49} - 1)(\sqrt{2} + 2)$       b)  $(2^{50} - 1)(\sqrt{2} + 2)$       c)  $(2^{49} + 1)(\sqrt{2} + 2)$   
d)  $(2^{49} + 1)(\sqrt{2} - 2)$

#### Subiectul II

*Pentru problemele 1 și 2 scrieți pe lucrare rezolvările complete (2 x 15 puncte = 30 puncte)*

- Dacă  $a$  și  $b$  sunt numere naturale, arătați că numărul  $A = 4^a + 4^b + 2^a + 2^b + 2^{a+b+1}$  nu poate fi pătrat perfect.
- Se dă cubul  $ABCD A' B' C' D'$  de muchie de lungime  $a$ , iar  $M$  este mijlocul lui  $[D' C']$ ,  $N$  mijlocul lui  $[A' A]$  și  $P$  este mijlocul lui  $[B' C']$ . Calculați valoarea cosinusului unghiului dintre dreptele  $MN$  și  $BP$ .

**Notă! Toate subiectele sunt obligatorii**

**Timp efectiv de lucru 50 min.**

**Succes!!!**